

Giải bài tập SGK Toán lớp 9: Ôn tập chương 3

Giải bài tập SGK Toán lớp 9

Giải bài tập Toán lớp 9: Ôn tập chương 3

Giải bài tập SGK Toán lớp 9: Ôn tập chương 3 được VnDoc.com sưu tầm và đăng tải. Những bài tập Toán này bám sát nội dung SGK lớp 9 kèm lời giải giúp các bạn tham khảo. Mời các bạn xem tài liệu dưới đây

- Giải bài tập SGK Toán lớp 9 bài 2: Hệ hai phương trình bậc nhất hai ẩn
- Giải bài tập SGK Toán lớp 9 bài 3: Giải hệ phương trình bằng phương pháp thế
- Giải bài tập SGK Toán lớp 9 bài 4: Giải hệ phương trình bằng phương pháp cộng đại số
- Giải bài tập SGK Toán lớp 9 bài 5: Giải bài toán bằng cách lập hệ phương trình
- Giải bài tập SGK Toán lớp 9 bài 6: Giải bài toán bằng cách lập hệ phương trình (Tiếp theo)

1. Sau khi giải hệ

$$\begin{cases} x + y = 3 \\ x - y = 1 \end{cases}, \text{ bạn Cường kết luận rằng hệ phương trình}$$

có hai nghiệm : $x=2$ và $y=1$. Theo em điều đó đúng hay sai? Nếu sai thì phải phát biểu thế nào cho đúng?

Trả lời:

Kết luận của bạn Cường là sai vì nghiệm của hệ là một cặp $(x; y)$, chứ không phải là mỗi số riêng biệt.

Phát biểu đúng: "Nghiệm duy nhất của hệ là: $(x; y) = (2; 1)$ "

2. Dựa vào minh họa hình học (xét vị trí tương đương đối của hai đường thẳng xác định bởi hai phương trình trong hệ) , em hãy giải thích các kết luận sau:

$$\text{Hệ phương trình } \begin{cases} ax + by = c \\ a'x + b'y = c' \end{cases} \text{ (a, b, c, a', b', c' khác 0)}$$

- Có vô số nghiệm nếu $\frac{a}{a'} = \frac{b}{b'} = \frac{c}{c'}$;
- Vô nghiệm nếu $\frac{a}{a'} = \frac{b}{b'} \neq \frac{c}{c'}$;
- Có một nghiệm duy nhất nếu $\frac{a}{a'} \neq \frac{b}{b'}$.

Trả lời:

Ta biết tập nghiệm của phương trình $ax + by = c$ được biểu diễn bằng đường thẳng $ax + by = c$ và tập nghiệm của phương trình $a'x + b'y = c'$ được biểu diễn bằng đường thẳng $a'x + b'y = c'$.

- Với $\frac{a}{a'} = \frac{b}{b'} = \frac{c}{c'}$ thì hai đường thẳng $ax + by = c$ và $a'x + b'y = c'$ trùng nhau, mọi điểm của đường thẳng này cũng là điểm của đường thẳng kia, do đó hai phương trình có chung nhau vô số nghiệm. Hệ đã cho có

vô số nghiệm.

- Với $\frac{a}{a'} = \frac{b}{b'} \neq \frac{c}{c'}$ thì hai đường thẳng $ax + by = c$ và $a'x + b'y = c'$ song song với nhau, tức là chúng không cắt nhau, suy ra không có điểm nào chung cho hai đường thẳng hay không có điểm nào mà tọa độ của nó thỏa mã cả hai phương trình. Vậy hệ **vô nghiệm.**

- Khi $\frac{a}{a'} \neq \frac{b}{b'}$ thì hai đường thẳng $ax + by = c$ và $a'x + b'y = c'$ cắt nhau tại một điểm duy nhất, tọa độ của giao điểm thỏa mã cả hai phương trình của hệ. Vậy hệ có **nghiệm duy nhất.**

3. Khi giải một hệ phương trình bậc nhất hai ẩn, ta biến đổi hệ phương trình đó để được một hệ phương trình đó để được một hệ phương trình mới tương đương , trong đó có một phương trình một ẩn. Có thể nói gì về số nghiệm của hệ đã cho nếu

phương trình một ẩn đó:

a) Vô nghiệm?; b) Có vô số nghiệm?

Trả lời:

a) Hệ đã cho vô nghiệm bởi vì mỗi nghiệm của hệ là nghiệm chung của hai phương trình, một phương trình vô nghiệm thì hệ không có nghiệm chung.

b) Hệ đã cho có vô số nghiệm.

Bài 40 (trang 27 SGK Toán 9 tập 2): Giải các hệ phương trình sau và minh họa bằng hình học kết quả tìm được:

a)
$$\begin{cases} 2x + 5y = 2 \\ \frac{2}{5}x + y = 1 \end{cases};$$

b)
$$\begin{cases} 0,2x + 0,1y = 0,3 \\ 3x + y = 5 \end{cases};$$

c)
$$\begin{cases} \frac{3}{2}x - y = \frac{1}{2} \\ 3x - 2y = 1 \end{cases}.$$

Lời giải

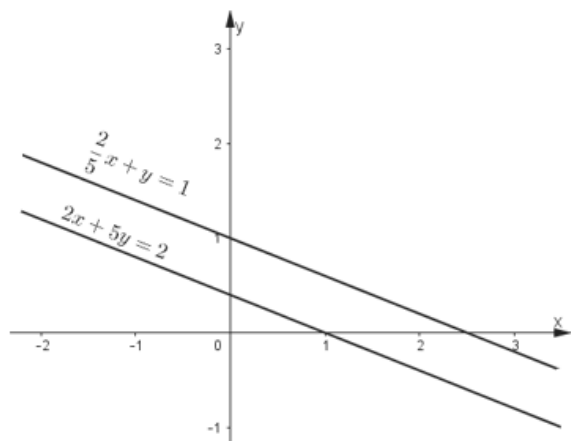
a)
$$\begin{cases} 2x + 5y = 2 \\ \frac{2}{5}x + y = 1 \end{cases}$$

$$\Leftrightarrow \begin{cases} 2x + 5y = 2 \\ 2x + 5y = 5 \end{cases}$$

$$\Leftrightarrow \begin{cases} 2x + 5y - (2x + 5y) = -3 \\ x + 5y = 5 \end{cases}$$

$$\Leftrightarrow \begin{cases} 0x = -3 \\ y = 1 - \frac{1}{5}x \end{cases}$$

Phương trình $0x = -3$ vô nghiệm nên hệ phương trình vô nghiệm.



$$b) \begin{cases} 0,2x + 0,1y = 0,3 \\ 3x + y = 5 \end{cases}$$

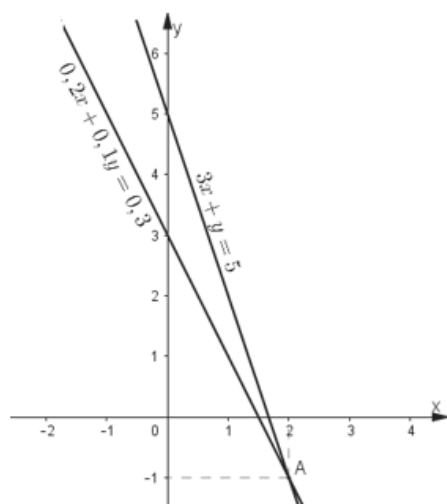
$$\Leftrightarrow \begin{cases} 2x + y = 3 \\ 3x + y = 5 \end{cases}$$

$$\Leftrightarrow \begin{cases} 3x + y - (2x + y) = 2 \\ 3x + y = 5 \end{cases}$$

$$\Leftrightarrow \begin{cases} x = 2 \\ y = 5 - 3x \end{cases}$$

$$\Leftrightarrow \begin{cases} x = 2 \\ y = -1 \end{cases}$$

Vậy hệ phương trình có nghiệm duy nhất (2; -1).

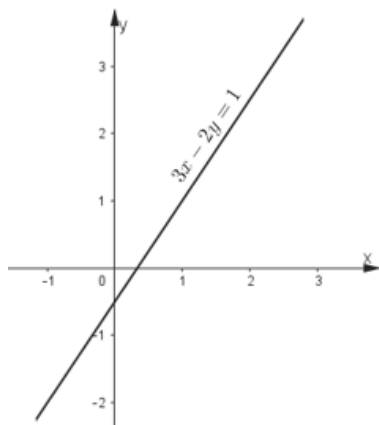


$$c) \begin{cases} \frac{3}{2}x - y = \frac{1}{2} \\ 3x - 2y = 1 \end{cases}$$

$$\Leftrightarrow \begin{cases} 3x - 2y = 1 \\ 3x - 2y = 1 \end{cases}$$

$$\Leftrightarrow \begin{cases} 0x = 0 \\ 3x - 2y = 1 \end{cases}$$

Phương trình $0x = 0$ nghiệm đúng với mọi x nên hệ phương trình có vô số nghiệm dạng $\left(x; \frac{3}{2}x - \frac{1}{2}\right)$



Bài 41 (trang 27 SGK Toán 9 tập 2): Giải các hệ phương trình sau:

$$\text{a) } \begin{cases} x\sqrt{5} - (1 + \sqrt{3})y = 1 \\ (1 - \sqrt{3})x + y\sqrt{5} = 1 \end{cases};$$

$$\text{b) } \begin{cases} \frac{2x}{x+1} + \frac{y}{y+1} = \sqrt{2} \\ \frac{x}{x+1} + \frac{3y}{y+1} = -1 \end{cases}.$$

Lời giải

$$\text{a) } \begin{cases} x\sqrt{5} - (1 + \sqrt{3})y = 1 & (1) \\ (1 - \sqrt{3})x + y\sqrt{5} = 1 & (2) \end{cases}$$

$$x = \frac{1 + (1 + \sqrt{3})y}{\sqrt{5}}$$

Từ (1) rút ra được: (*)

Thay (*) vào phương trình (2) ta được:

$$\frac{1 + (1 + \sqrt{3})y}{\sqrt{5}} \cdot (1 - \sqrt{3}) + y\sqrt{5} = 1$$

$$\Leftrightarrow \frac{1 - \sqrt{3} + (1 + \sqrt{3})(1 - \sqrt{3})y + 5y}{\sqrt{5}} = 1$$

$$\Leftrightarrow 1 - \sqrt{3} - 2y + 5y = \sqrt{5}$$

$$\Leftrightarrow 3y = \sqrt{3} + \sqrt{5} - 1$$

$$\Leftrightarrow y = \frac{\sqrt{3} + \sqrt{5} - 1}{3}$$

$$y = \frac{\sqrt{3} + \sqrt{5} - 1}{3}$$

Thay vào (*) ta được:

$$\begin{aligned} x &= \frac{1}{\sqrt{5}} \cdot \left[1 + (1 + \sqrt{3}) \cdot \frac{\sqrt{3} + \sqrt{5} - 1}{3} \right] \\ &= \frac{\sqrt{3} + \sqrt{5} + 1}{3} \end{aligned}$$

Vậy hệ phương trình có nghiệm $\left(\frac{\sqrt{3} + \sqrt{5} + 1}{3}; \frac{\sqrt{3} + \sqrt{5} - 1}{3} \right)$

b) Điều kiện xác định: $x \neq -1$; $y \neq -1$.

$$\frac{x}{x+1} = u; \quad \frac{y}{y+1} = v$$

Đặt $\frac{x}{x+1} = u; \frac{y}{y+1} = v$, hệ phương trình trở thành:

$$\begin{cases} 2u + v = \sqrt{2} \\ u + 3v = -1 \end{cases}$$

$$\Leftrightarrow \begin{cases} 6u + 3v = 3\sqrt{2} \\ u + 3v = -1 \end{cases}$$

$$\Leftrightarrow \begin{cases} 6u + 3v - (u + 3v) = 3\sqrt{2} + 1 \\ 2u + v = \sqrt{2} \end{cases}$$

$$\Leftrightarrow \begin{cases} 5u = 3\sqrt{2} + 1 \\ v = \sqrt{2} - 2u \end{cases}$$

$$\Leftrightarrow \begin{cases} u = \frac{3\sqrt{2} + 1}{5} \\ v = \frac{-2 - \sqrt{2}}{5} \end{cases}$$

$$+ u = \frac{3\sqrt{2} + 1}{5}$$

$$\Rightarrow \frac{x}{x+1} = \frac{3\sqrt{2} + 1}{5}$$

$$\Leftrightarrow 5x = (3\sqrt{2} + 1)x + 3\sqrt{2} + 1$$

$$\Leftrightarrow (4 - 3\sqrt{2})x = 3\sqrt{2} + 1$$

$$\Leftrightarrow x = \frac{-22 - 15\sqrt{2}}{2}$$

$$+ v = \frac{-2 - \sqrt{2}}{5}$$

$$\Rightarrow \frac{y}{y+1} = \frac{-2 - \sqrt{2}}{5}$$

$$\Leftrightarrow 5y = (-2 - \sqrt{2})y + (-2 - \sqrt{2})$$

$$\Leftrightarrow (7 + \sqrt{2})y = -2 - \sqrt{2}$$

$$\Leftrightarrow y = \frac{-12 - 5\sqrt{2}}{47}$$

$$\text{Vậy hệ phương trình có nghiệm } \left(\frac{-22 - 15\sqrt{2}}{2}; \frac{-12 - 5\sqrt{2}}{47} \right)$$

Bài 42 (trang 27 SGK Toán 9 tập 2): Giải hệ phương trình $\begin{cases} 2x - y = m \\ 4x - m^2y = 2\sqrt{2} \end{cases}$ trong mỗi trường hợp sau:

a) $m = \quad$;

b) $m = \quad$;

c) $m = 1$.

Lời giải

$$\text{Xét (I): } \begin{cases} 2x - y = m & (1) \\ 4x - m^2y = 2\sqrt{2} & (2) \end{cases}$$

Từ phương trình (1) ta rút ra được $y = 2x - m$ (*)

Thay (*) vào phương trình (2) ta được:

$$4x - m^2 \cdot (2x - m) = \dots$$

$$\Leftrightarrow 4x - 2m^2 \cdot x + m^3 = \dots$$

$$\Leftrightarrow (4 - 2m^2) \cdot x = \dots - m^3 \quad (**)$$

a) Với $m = \dots$, phương trình (**) trở thành: $0x = \dots$

Phương trình vô nghiệm.

Vậy với $m = \dots$, hệ phương trình (I) vô nghiệm.

b) Với $m = \dots$, phương trình (**) trở thành: $0x = 0$

Phương trình nghiệm đúng với mọi $x \in \mathbb{R}$, khi đó $y = \dots$

Vậy với $m = \dots$, hệ (I) có vô số nghiệm dạng $(x; 2x - \dots)$, $x \in \mathbb{R}$

c) Với $m = 1$, phương trình (**) trở thành: $2x = \dots - 1 \Leftrightarrow x = \frac{2\sqrt{2}-1}{2}$

Thay vào (*) ta được:

$$y = 2x - m = 2 \cdot \frac{2\sqrt{2}-1}{2} - 1 = 2\sqrt{2} - 2$$

$$\left(\frac{2\sqrt{2}-1}{2}; 2\sqrt{2}-2 \right)$$

Vậy hệ phương trình có nghiệm duy nhất

Bài 43 (trang 27 SGK Toán 9 tập 2) Hai người ở hai địa điểm A và B cách nhau 3,6km, khởi hành cùng một lúc, đi ngược chiều nhau và gặp nhau ở một địa điểm cách A là 2km. Nếu cả hai cùng giữ nguyên vận tốc như trường hợp trên nhưng người đi chậm hơn xuất phát trước người kia 6 phút thì sẽ gặp nhau ở chính giữa quãng đường. Tính vận tốc của mỗi người.

Lời giải

Gọi vận tốc của người xuất phát từ A là x , của người đi từ B là y (km/phút).

Điều kiện là $x, y > 0$.

Khi gặp nhau tại địa điểm C cách A là 2km :



Thời gian người xuất phát từ A đi đến C là: $\dots$ (phút)

Thời gian người xuất phát từ B đi đến C là: $\dots$ (phút).

Vì hai người cùng xuất phát nên ta có phương trình:

$$\frac{2}{x} = \frac{1,6}{y} \Leftrightarrow \frac{2}{x} - \frac{1,6}{y} = 0$$

Mà nhận thấy trong cùng một thời gian, quãng đường người đi từ A đi được lớn hơn quãng đường người đi từ B đi được, do đó suy ra $x > y$.

Nếu cả hai cùng giữ nguyên vận tốc như trường hợp trên nhưng người đi chậm hơn (người đi từ B) xuất phát trước người kia 6 phút thì sẽ gặp nhau ở chính giữa quãng đường, mỗi người đi được 1,8 km, vậy ta có phương trình:

$$\frac{1,8}{x} + 6 = \frac{1,8}{y} \Leftrightarrow \frac{1,8}{x} - \frac{1,8}{y} = -6$$

$$\begin{cases} \frac{2}{x} - \frac{1,6}{y} = 0 \\ \frac{1,8}{x} - \frac{1,8}{y} = -6 \end{cases}$$

Ta có hệ phương trình

$$\frac{1}{x} = u; \frac{1}{y} = v$$

Đặt $\frac{1}{x} = u; \frac{1}{y} = v$, khi đó hệ phương trình trở thành:

$$\begin{cases} 2u - 1,6v = 0 \\ 1,8u - 1,8v = -6 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} u = \frac{4}{5}v \\ \frac{-9}{25}v = -6 \end{cases}$$

$$\Leftrightarrow \begin{cases} u = \frac{4}{5}v \\ v = \frac{50}{3} \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} u = \frac{40}{3} \\ v = \frac{50}{3} \end{cases}$$

$$+ u = \frac{40}{3} \Rightarrow x = \frac{3}{40} = 0,075$$

$$+ v = \frac{50}{3} \Rightarrow y = \frac{3}{50} = 0,06$$

Vậy vận tốc của người đi từ A là 0,075 km/phút = 4,5 km/h;

vận tốc của người đi từ B là 0,06 km/phút = 3,6 km/h.

Bài 44 (trang 27 SGK Toán 9 tập 2) Một vật có khối lượng 124kg và thể tích 15 cm³ là hợp kim của đồng và kẽm. Tính xem trong đó có bao nhiêu gam đồng và bao nhiêu gam kẽm, biết rằng cứ 89g đồng thì có thể tích 10 cm³ và 7 g kẽm có thể tích 1 cm³.

Lời giải

Gọi x và y lần lượt là số gam đồng và kẽm có trong vật đó (x, y > 0)

Vì khối lượng của vật là 124g nên ta có phương trình x + y = 124

Thể tích của x (g) đồng là $\frac{x}{89}$ (cm³)

Thể tích của y (g) kẽm là $\frac{y}{7}$ (cm³).

Vật có thể tích 15cm³ nên ta có phương trình: $\frac{10}{89}x + \frac{1}{7}y = 15$

Ta có hệ phương trình:

$$\begin{cases} x + y = 124 \\ \frac{10}{89}x + \frac{1}{7}y = 15 \end{cases}$$

$$\Leftrightarrow \begin{cases} x + y = 124 \\ \frac{70}{89}x + y = 105 \end{cases}$$

$$\Leftrightarrow \begin{cases} x + y - \left(\frac{70}{89}x + y\right) = 19 \\ x + y = 124 \end{cases}$$

$$\Leftrightarrow \begin{cases} \frac{19}{89}x = 19 \\ y = 124 - x \end{cases}$$

$$\Leftrightarrow \begin{cases} x = 89 \\ y = 35 \end{cases}$$

Vậy có 89 gam đồng và 35 gam kẽm.

Bài 45 (trang 27 SGK Toán 9 tập 2) Hai đội xây dựng làm chung một công việc và dự định hoàn thành trong 12 ngày. Nhưng khi làm chung được 8 ngày thì đội I được điều động đi làm việc khác. Tuy chỉ còn một mình đội II làm việc nhưng do cải tiến cách làm, năng suất của đội II tăng gấp đôi nên họ làm xong phần việc còn lại trong 3,5 ngày. Hỏi với năng suất ban đầu, nếu mỗi đội làm một mình thì phải làm trong bao nhiêu ngày mới xong công việc trên?

Lời giải

Gọi thời gian đội I và đội II làm một mình xong công việc lần lượt là x ; y (ngày)

Điều kiện : $x, y > 0$.

Một ngày đội I làm được : $\frac{1}{x}$ (công việc).

Một ngày đội II làm được : $\frac{1}{y}$ (công việc).

+ Hai đội cùng làm sẽ xong trong 12 ngày nên ta có phương trình: $12 \cdot \left(\frac{1}{x} + \frac{1}{y}\right) = 1$

+ Hai đội cùng làm trong 8 ngày được: $\frac{8}{x} + \frac{8}{y}$ công việc.

$\Rightarrow$ còn lại đội II phải hoàn thành một mình $\frac{4}{y}$ công việc.

Vì đội II tăng năng suất gấp đôi nên một ngày đội II làm được $\frac{2}{y}$ công việc.

Đội II hoàn thành $\frac{4}{y}$ công việc còn lại trong 3,5 ngày nên ta có phương trình: $3,5 \cdot \frac{2}{y} = \frac{4}{y}$

Ta có hệ phương trình:

$$\begin{cases} 12 \cdot \left(\frac{1}{x} + \frac{1}{y} \right) = 1 \\ 3,5 \cdot \frac{2}{y} = \frac{1}{3} \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} \frac{1}{x} + \frac{1}{y} = \frac{1}{12} \\ \frac{1}{y} = \frac{1}{21} \end{cases}$$

$$\Leftrightarrow \begin{cases} \frac{1}{x} = \frac{1}{28} \\ \frac{1}{y} = \frac{1}{21} \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x = 28 \\ y = 21 \end{cases}$$

Vậy nếu làm một mình, đội I làm xong công việc trong 28 ngày, đội II làm xong công việc trong 21 ngày.

Bài 46 (trang 27 SGK Toán 9 tập 2) Năm ngoái, hai đơn vị sản xuất nông nghiệp thu hoạch được 720 tấn thóc. Năm nay, đơn vị thứ nhất làm vượt mức 15% , đơn vị thứ hai làm vượt mức 12% so với năm ngoái. Do đó cả hai đơn vị thu hoạch được 819 tấn thóc. Hỏi mỗi năm, mỗi đơn vị thu hoạch được bao nhiêu tấn thóc?

Lời giải

Gọi x (tấn) và y (tấn) lần lượt là số thóc mà hai đơn vị thu hoạch được trong năm ngoái (x, y > 0)

- Năm ngoái, hai đơn vị thu được 720 tấn thóc nên ta có: $x + y = 720$.

- Năm nay:

+ Số thóc đơn vị thứ nhất thu được: $x + 15\%.x = 1,15x$.

+ Số thóc đơn vị thứ hai thu được là: $y + 12\%y = 1,12y$.

Cả hai đơn vị thu được 819 tấn thóc nên ta có: $1,15x + 1,12y = 819$

Ta có hệ phương trình:

$$\begin{cases} x + y = 720 \\ 1,15x + 1,12y = 819 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x = 420 \\ y = 300 \end{cases}$$

Vậy:

- Năm ngoái: đơn vị 1 thu được 420 tấn, đơn vị 2 thu được 300 tấn.

- Năm nay: đơn vị 1 thu được $1,15.420 = 483$ tấn; đơn vị 2 thu được $1,12.300 = 336$ tấn.

.....

Ngoài [Giải bài tập SGK Toán lớp 9: Ôn tập chương 3](#). Mời các bạn học sinh còn có thể tham khảo các [đề thi học học kì 1 lớp 9](#), [đề thi học học kì 2 lớp 9](#) các môn [Toán](#), [Văn](#), [Anh](#), [Hóa](#), [Lý](#), [Địa](#), [Sinh](#) mà chúng tôi đã sưu tầm và chọn lọc. Với đề thi học kì 2 [lớp 9](#) này giúp các bạn rèn luyện thêm kỹ năng giải đề và làm bài tốt hơn. Chúc các bạn ôn thi tốt