

**Đề kiểm tra học kì 2 lớp 9 môn Toán Phòng GD&ĐT Cầu Giấy năm học
2017 - 2018**

ỦY BAN NHÂN DÂN QUẬN CẦU GIẤY
PHÒNG GIÁO DỤC VÀ ĐÀO TẠO

KIỂM TRA HỌC KỲ II
Năm học 2017-2018

Môn: TOÁN 9
Ngày kiểm tra: 18/04/2018
Thời gian làm bài: 90 phút

ĐỀ CHÍNH THỨC

Câu I. (2,0 điểm)

Cho hai biểu thức $A = \frac{\sqrt{x}}{1+3\sqrt{x}}$ và $B = \frac{x+3}{x-9} + \frac{2}{\sqrt{x}+3} - \frac{1}{3-\sqrt{x}}$ với $x > 0, x \neq 9$.

- Tính giá trị của biểu thức A khi $x = \frac{4}{9}$.
- Rút gọn biểu thức B.
- Cho $P = B:A$. Tìm x để $P < 3$.

Câu II. (2,0 điểm) Giải bài toán sau bằng cách lập phương trình hoặc hệ phương trình

Hai công nhân cùng làm chung một công việc thì trong 8 giờ xong việc. Nếu mỗi người làm một mình, để hoàn thành công việc đó thì người thứ nhất cần nhiều hơn người thứ hai là 12 giờ. Hỏi nếu làm một mình thì mỗi người phải làm trong bao nhiêu giờ để xong công việc đó?

Câu III. (2,5 điểm)

- Giải hệ phương trình
$$\begin{cases} \frac{1}{2x-1} + \frac{4}{y+5} = 3 \\ \frac{3}{2x-1} - \frac{2}{y+5} = -5 \end{cases}$$
- Cho phương trình: $x^2 - 2(m+1)x + 2m = 0$ (1) (x là ẩn số, m là tham số).
 - Chứng minh phương trình (1) luôn có hai nghiệm phân biệt với mọi m .
 - Gọi hai nghiệm của phương trình (1) là x_1, x_2 . Tìm giá trị của m để x_1, x_2 là độ dài hai cạnh góc vuông của một tam giác vuông có độ dài cạnh huyền bằng $\sqrt{12}$.

Câu IV. (3,0 điểm) Cho đường tròn (O) đường kính AB. Gọi H là điểm nằm giữa O và B. Kẻ dây CD vuông góc với AB tại H. Trên cung nhỏ AC lấy điểm E bất kỳ (E khác A và C). Kẻ CK vuông góc với AE tại K. Đường thẳng DE cắt CK tại F.

- Chứng minh tứ giác AHCK là tứ giác nội tiếp.
- Chứng minh KH song song với ED và tam giác ACF là tam giác cân.
- Tìm vị trí của điểm E để diện tích tam giác ADF lớn nhất.

Câu V. (0,5 điểm) Giải phương trình $\sqrt{5x^2 + 4x} - \sqrt{x^2 - 3x - 18} = 5\sqrt{x}$

----- Hết -----

Lưu ý: Cán bộ coi kiểm tra không giải thích gì thêm.

Họ và tên học sinh: Dương Thùy Nhung Số báo danh: 159432

**Đáp án đề kiểm tra học kì 2 lớp 9 môn Toán Phòng GD&ĐT Cầu Giấy
năm học 2017 - 2018**

HƯỚNG DẪN CHẤM

ĐỀ KIỂM TRA HỌC KÌ II - MÔN TOÁN 9

Câu	Nội dung	Điểm
I		2,0
a)		1,0
	$A = \frac{\frac{2}{3}}{1 + 3 \cdot \frac{2}{3}} = \frac{2}{9}$ * Khi $x = \frac{4}{9}$ thì $\sqrt{x} = \frac{2}{3}$ thì * Vậy khi $x = \frac{4}{9}$ thì $A = \frac{2}{7}$	
b)	$B = \frac{x+3}{x-9} + \frac{2}{\sqrt{x}+3} + \frac{1}{3-\sqrt{x}}$ $= \frac{x+3}{x-9} + \frac{2}{\sqrt{x}+3} + \frac{1}{\sqrt{x}-3}$ $= \frac{x+3}{(\sqrt{x}+3)(\sqrt{x}-3)} + \frac{2(\sqrt{x}-3)}{(\sqrt{x}+3)(\sqrt{x}-3)} + \frac{\sqrt{x}+3}{(\sqrt{x}+3)(\sqrt{x}-3)}$ $= \frac{x+3+2\sqrt{x}-6+\sqrt{x}+3}{(\sqrt{x}+3)(\sqrt{x}-3)}$ $= \frac{x+3\sqrt{x}}{(\sqrt{x}+3)(\sqrt{x}-3)}$ $= \frac{\sqrt{x}(\sqrt{x}+3)}{(\sqrt{x}+3)(\sqrt{x}-3)}$	0,5

Câu	Nội dung	Điểm
I		2,0
a)		1,0
	$A = \frac{\frac{2}{3}}{1 + 3 \cdot \frac{2}{3}} = \frac{2}{9}$ * Khi $x = \frac{4}{9}$ thì $\sqrt{x} = \frac{2}{3}$ thì * Vậy khi $x = \frac{4}{9}$ thì $A = \frac{2}{9}$	
b)		0,5
	$B = \frac{x+3}{x-9} + \frac{2}{\sqrt{x}+3} + \frac{1}{3-\sqrt{x}}$ $= \frac{x+3}{x-9} + \frac{2}{\sqrt{x}+3} + \frac{1}{\sqrt{x}-3}$ $= \frac{x+3}{(\sqrt{x}+3)(\sqrt{x}-3)} + \frac{2(\sqrt{x}-3)}{(\sqrt{x}+3)(\sqrt{x}-3)} + \frac{\sqrt{x}+3}{(\sqrt{x}+3)(\sqrt{x}-3)}$ $= \frac{x+3+2\sqrt{x}-6+\sqrt{x}+3}{(\sqrt{x}+3)(\sqrt{x}-3)}$ $= \frac{x+3\sqrt{x}}{(\sqrt{x}+3)(\sqrt{x}-3)}$ $= \frac{\sqrt{x}(\sqrt{x}+3)}{(\sqrt{x}+3)(\sqrt{x}-3)}$ $= \frac{\sqrt{x}}{\sqrt{x}-3}$	
c)		0,5
	Ta có: $P = \frac{\sqrt{x}}{\sqrt{x}-3} : \frac{\sqrt{x}}{1+3\sqrt{x}} = \frac{3\sqrt{x}+1}{\sqrt{x}-3}$ $P < 3 \Leftrightarrow \frac{3\sqrt{x}+1}{\sqrt{x}-3} < 3$ $\Leftrightarrow \frac{3\sqrt{x}+1}{\sqrt{x}-3} - \frac{3(\sqrt{x}-3)}{\sqrt{x}-3} < 0$ $\Leftrightarrow \frac{3\sqrt{x}+1-3\sqrt{x}+9}{\sqrt{x}-3} < 0$ $\Leftrightarrow \frac{10}{\sqrt{x}-3} < 0$	

	$\Leftrightarrow \sqrt{x} - 3 < 0$ $\Leftrightarrow \sqrt{x} < 3$ $\Leftrightarrow x < 9$ Kết hợp điều kiện xác định duy ra $0 < x < 9$ thì $P < 3$	
II		2,0
	Giả sử người thứ nhất làm riêng trong x (giờ) thì hoàn thành công việc (ĐK: $x > 0$) Giả sử người thứ hai làm riêng trong y (giờ) thì hoàn thành công việc (ĐK: $y > 0, y < x$) Trong 1 giờ người thứ nhất làm được $\frac{1}{x}$ công việc Trong 1 giờ người thứ hai làm được $\frac{1}{y}$ công việc Theo giả thiết, hai người làm chung thì hoàn thành công việc trong 8 giờ nên ta có: $\frac{1}{x} + \frac{1}{y} = \frac{1}{8} \quad (1)$ Khi làm riêng thì người thứ nhất cần nhiều hơn người thứ hai là 12 giờ để hoàn thành công việc nên ta có: $x - y = 12 \quad (2)$ Từ (1) và (2) ta có hệ phương trình $\begin{cases} \frac{1}{x} + \frac{1}{y} = \frac{1}{8} \\ x - y = 12 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} 8(2y + 12) = xy \\ x = y + 12 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} 8(2y + 12) = y(y + 12) \\ x = y + 12 \end{cases}$ $\Leftrightarrow \begin{cases} y^2 - 4y - 96 = 0 \\ x = y + 12 \end{cases}$ * Giải phương trình $y^2 - 4y - 96 = 0$ $\Leftrightarrow (y - 12)(y + 8) = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} y = 12(TM) \\ y = -8(L) \end{cases}$ Từ đó suy ra $x = 24$. Vậy nếu làm riêng thì người thứ nhất cần 12 giờ để hoàn thành công việc, người thứ hai cần 24 giờ để hoàn thành công việc.	
III		2,5
	1)	1,0
	* ĐK: $x \neq \frac{1}{2}; y \neq -5$ $\begin{cases} \frac{1}{2x-1} = a \\ \frac{1}{y+5} = b \end{cases}$ * Đặt $\begin{cases} \frac{1}{2x-1} = a \\ \frac{1}{y+5} = b \end{cases}$, ta có hệ pt: $\begin{cases} a + 4b = 3 \\ 3a - 2b = -5 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} a + 4b = 3 \\ 6a - 4b = -10 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} 7a = -7 \\ a + 4b = 3 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} a = -1 \\ b = 1 \end{cases}$ $\Rightarrow \begin{cases} \frac{1}{2x-1} = -1 \\ \frac{1}{y+5} = 1 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} 2x-1 = -1 \\ y+5 = 1 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} x = 0 \\ y = -4 \end{cases} (TM)$	

	$\begin{cases} m = 1 \\ m = -2 \end{cases}$ đối chiếu với điều kiện ta thấy $m=1$ thỏa mãn.	
IV		3,0
		0,25
a)		0,75
	Vì $CK \perp AK$ nên $\angle AKC = 90^\circ$, $CH \perp AB$ tại H nên $\angle AHC = 90^\circ$. Tứ giác AHCK có: $\angle AHC + \angle AKC = 180^\circ$ nên ACHK là tứ giác nội tiếp. (Tổng 2 góc đối bằng 180°).	
b)		1,0
	Từ CHAK là tứ giác nội tiếp ta suy ra $\angle HKC = \angle AKC = \angle AEC$ (góc nội tiếp cùng chắn cung KC). Lại có ADCE nội tiếp nên $\angle AEC = \angle ADE$ (góc nội tiếp cùng chắn cung EC). Từ đó suy ra $\angle HKC = \angle ADE \Rightarrow HK // DE$. Do $HK // DF$, mà H là trung điểm CD (Được suy ra từ quan hệ vuông góc của đường kính AB với dây CD tại H). Suy ra HK là đường trung bình của tam giác CDF, dẫn đến K là trung điểm FC. Tam giác AFC có AK là đường cao đồng thời cũng là trung tuyến nên CAF là tam giác cân tại K.	
c)		1,0
	Tam giác FAC cân tại A nên $AF = AC$. Dễ thấy tam giác ACD cân tại A nên $AC = AD$ từ đó suy ra $AF = AD$ hay tam giác AFD cân tại A, hạ $DI \perp AF$. Ta có $S_{AFD} = \frac{1}{2} DI \cdot AF = \frac{1}{2} DI \cdot AC$, do AC không đổi nên S_{AFD} lớn nhất khi và chỉ khi DI lớn nhất. Trong tam giác vuông AID ta có: $ID \leq AD = AC$ hay $S_{AFD} = \frac{1}{2} DI \cdot AF = \frac{1}{2} DI \cdot AC \leq \frac{AC^2}{2}$ dấu đẳng thức xảy ra khi và chỉ khi $I = A$ khi đó $\angle AFD = 90^\circ$ dẫn đến tam giác ADF vuông cân tại A, suy ra $\angle AFA = \angle AAD = 45^\circ$ hay E là điểm chính giữa cung AB.	
V		0,5
	$x^2 - 3x - 18 \geq 0$	

	(Tổng 2 góc đối bằng 180°).	
b)		1,0
	Tứ CHAK là tứ giác nội tiếp ta suy ra $\angle HK = \angle AK = \angle E$ (góc nội tiếp cùng chắn cung KC). Lại có ADCE nội tiếp nên $\angle AE = \angle DE$ (góc nội tiếp cùng chắn cung EC). Từ đó suy ra $\angle HK = \angle DE \Rightarrow HK // DE$. Do HK// DF, mà H là trung điểm CD (Được suy ra từ quan hệ vuông góc của đường kính AB với dây CD tại H). Suy ra HK là đường trung bình của tam giác CDE, dẫn đến K là trung điểm EC. Tam giác AFC có AK là đường cao đồng thời cũng là trung tuyến nên CAF là tam giác cân tại K.	
c)		1,0
	Tam giác FAC cân tại A nên $AF = AC$. Để thấy tam giác ACD cân tại A nên $AC = AD$ từ đó suy ra $AF = AD$ hay tam giác AFD cân tại A, hạ $DI \perp AF$. Ta có $S_{AFD} = \frac{1}{2} DIAF = \frac{1}{2} DIAC$, do AC không đổi nên S_{AFD} lớn nhất khi và chỉ khi DI lớn nhất, Trong tam giác vuông AID ta có: $ID \leq AD = AC$ hay $S_{AFD} = \frac{1}{2} DIAF = \frac{1}{2} DIAC \leq \frac{AC^2}{2}$ dấu đẳng thức xảy ra khi và chỉ khi $I = A$ khi đó $\angle F = 90^\circ$ dẫn đến tam giác ADF vuông cân tại A, suy ra $\angle A = \angle A = 45^\circ$ hay E là điểm chính giữa cung AB.	
V		0,5
	Điều kiện: $\begin{cases} x^2 - 3x - 18 \geq 0 \\ x \geq 0 \end{cases} \Leftrightarrow x \geq 6$ PT $\Leftrightarrow \sqrt{5x^2 + 4x} = \sqrt{x^2 - 3x - 18} + 5\sqrt{x}$ $\Leftrightarrow 5x^2 + 4x = x^2 + 22x - 18 + 10\sqrt{x(x^2 - 3x - 18)}$ $\Leftrightarrow 5\sqrt{x(x-6)(x+3)} = 2x^2 - 9x + 9$ $\Leftrightarrow 5\sqrt{(x^2 - 6x)(x+3)} = 2(x^2 - 6x) + 3(x+3)$ Đặt $\begin{cases} a = \sqrt{x^2 - 6x} \geq 0 \\ b = \sqrt{x+3} \geq 3 \end{cases} \Rightarrow 2a^2 + 3b^2 - 5ab = 0 \Leftrightarrow (a-b)(2a-3b) = 0$ * TH1: $a = b \Leftrightarrow x^2 - 6x = x + 3 \Leftrightarrow x^2 - 7x - 3 = 0 \Leftrightarrow x = \frac{7 + \sqrt{61}}{2}$ * TH2: $2a = 3b \Leftrightarrow 4(x^2 - 6x) = 9(x + 3) \Leftrightarrow 4x^2 - 33x - 27 = 0 \Leftrightarrow x = 9$	

Xem tiếp tài liệu tại: <https://vndoc.com/tai-lieu-hoc-tap-lop-9>